数学を学ぶ (関数と微分積分の基礎 2) 演習問題

1-1. 次の各数列の極限を求めよ (答えのみは不可)。

(1)
$$\lim_{n \to \infty} \frac{(2n-1)^3}{n^3+1}$$

(2)
$$\lim_{n \to \infty} \frac{n3^n + 5^n}{n2^{n+1} + 5^{n+1}}$$

$$\lim_{n \to \infty} \left(1 - \frac{1}{n}\right)^n = \frac{1}{e}$$

となることを示せ。但し、eはネピアの数を表わす。

ヒント:n=m+1 とおいて、与えられた極限をm を使って書き換えて、逆数をとる。

数学を学ぶ (関数と微分積分の基礎 2) 通信

[No.1]

2025年9月24日発行

■ 学習内容チェックシートについて

- **A4 用紙に印刷し、設問に答えて**ください。解答は黒の鉛筆またはシャープペンを使い、用 紙に**直接書き込**んでください。その際、
 - 枠や下線からはみ出さないようにしなければなりません。
 - 未解答があってはいけません。
- ○第2回目以降の分は授業中に(次回提出する分の)用紙を配布しますが、授業を休むなどで受け取れなかった場合には、私のホームページ (http://www2.itc.kansai-u.ac.jp/~wakui/presen7.html) 上の pdf ファイルの中から該当するものを印刷してください。
- チェックシートの右上の日付の授業時に提出します。
- じっくり考えて解答していない、丁寧に書いていないと判断されるもの、空欄があるものは、原則として未提出扱いとします。提出期限が過ぎて提出した場合にも、未提出扱いです。
- ○提出された学習内容チェックシートは次回に返却します。
- 。「課題をこなした」と認められるものには、**確認印**を押します。確認印の押されたチェックシートは、間違えた箇所 (※印) があったとしても再提出する必要はありません。
- ○「課題をこなした」と認められないチェックシートには、「要再提出」「再提出不許可」「未 提出扱い」の印を押します。「要再提出」の印が押されていた場合には、**数学を学ぶ (関数 と微分積分の基礎2)通信をよく読んで**、指摘された下線 (※印) の中の解答を**きれいに消 しゴムで消し、黒の鉛筆またはシャープペンで書き換え**てください。それをシートの提出 期限の次の回の授業時に再提出してください。再提出のチャンスはその1回のみです。
- ○再提出したシートに修正すべき箇所が残っている場合、完了せずに終了となります。

■ 欠席時の学習内容チェックシートおよび演習問題について

発熱がある、体調が思わしくないときには、以下の要領で課題の提出を認めます。但し、これは応急措置であり、欠席が長期に渡る・頻繁である場合には適用されません。

- 関大 LMS のメッセージ機能を利用して、授業当日の 12 時 30 分までに連絡してください。
- ○欠席当日に提出予定だった「学習内容チェックシート」は、スキャナーで PC に読み込んで、pdf ファイルに変換してください。スキャナーでの読み取りが困難な場合には、文字が鮮明に読めるようにシートを写真に撮ったのち、pdf ファイルに変換してください。用紙全体が写真に収まるように、また、用紙以外のものが写り込まないようにしてください。
- ○ファイル名は、第1回の「学習内容チェックシート」であれば、「学籍番号_01checkCAL2.pdf」 のようにします。この pdf ファイルを、関大 LMS のメッセージ機能に添付して**授業開始** 時間までに送信してください。
- 演習問題は加点の対象になりませんが、授業終了後にホームページに掲載される問題を演習問題解答シートに解いて、「学習内容チェックシート」と同じ要領で pdf ファイルに変換して、授業日の 20 時までに送ってもらえれば、添削して次回返却します。

■ 次回予告

次回は無限級数とその収束について学びます。ネイピア数 e の無限級数表示を求めます。

数学を学ぶ (関数と微分積分の基礎2)・第1回 (2025 年9月 24 日) 演習問題解

学 籍 番 号	氏 名
---------	-----

※自分の解答を以下に書いてください。書ききれない場合には、裏面に続けてください。解答には、答えだけでなく、適宜、途中の式や考察を含めてください(答えのみは評価しません)。