

線形代数 2 の授業の進め方

2024年9月26日

授業担当：和久井道久（居室：第4学舎1号館教授棟2階）

- 1回の授業につき、前半約1時間を講義、後半約30分を演習問題の解答に当てます。
- 毎回、**授業外学習課題(学習内容チェックシート・事前練習問題)**と演習問題を出します。
- 授業の約1週間前を目処に授業プリントを

<http://www2.itc.kansai-u.ac.jp/~wakui/presen7.html>

にアップロードします。該当する授業日のプリントを各自でダウンロード・印刷してください。

- 該当する授業日の**学習内容チェックシート**をA4サイズの用紙に印刷して、設問に答えしてください。未解答がないように、また、解答は解答欄・解答枠内に収めなければなりません。守られていないシートを提出しても、未提出扱いになります。授業当日に持参してください。欠席などにより受け取れなかった場合には、自分で上記のURLから該当するチェックシートを印刷してください。
- **事前練習用問題**が用意されています。学習内容チェックシートと同様に、**事前練習用問題**解答シートをA4サイズの用紙に印刷して、授業開始までに自分の解答を記入し、ヒントと略解を参考に、自己添削を済ませておいてください。

授業時間内における注意

- 授業用アブストラクトを見る、ipadなどのタブレット端末を使ってノートをとること以外での、授業中の（通話、ショート・メール、ゲーム、映像・音楽の視聴・配信、検索目的などの）スマートフォンやipodやウェアラブル端末などの電子機器の使用を禁止します。違反が発覚した場合にはその都度平常点に-1点を加点します。
- **授業中**、大声を発したり、騒いだりするのは厳禁です。他者に話しかけてもいけません。質問があれば手を上げて知らせてください。最終回の授業までの間に、
 - ①2度目に注意を受けた時点で、平常点はそれ以降加算されません。
 - ②3度目に注意を受けた時点で、平常点は0点に確定されます。
- **各列最後尾の席は空けてください。**

成績評価の方法

- 定期試験を100点満点で採点します。
- 学習内容チェックシートについては、課題をこなしたと認められたシートを1点として平常点に加算します。
- 授業の後半約30分で解く演習問題は、毎回2点満点で採点します。

- 学習内容チェックシートと演習問題の得点に、違反行為による加点をえた合計が平常点です。事前練習用問題解答シートは点数化しませんが、しっかり取り組んでおかないと、演習問題を時間内で解き終えることは困難です。
- 平常点の合計を定期試験の得点に加えて、最終成績が決定されます。合計が60点に満たない場合は不合格です。

到達目標(シラバスより)

- 対称行列を直交行列を用いて対角化する方法を身につける。
- 一般のベクトル空間に関する基礎を身につける。
- 一般のベクトル空間における問題を数ベクトルと行列を使って処理できるようにする。
- 基底と次元の概念を理解する。
- 線形写像に対する行列表示が求められるようにする。

学習内容チェックシートについて(詳しくは「線形代数2通信」No.1を参照)

- チェックシートは、用紙に直接書き込んで、授業時に提出してください。期限厳守です。提出されたシートは次回に返却します。
- じっくり考えて、丁寧に書いてください。
- 「課題をこなした」と認められる宿題には確認印を押します。「課題をこなした」と認められない場合には、「要再提出」「再提出不許可」「未提出扱い」のいずれかになります。

返却されたチェックシートに、赤の※のついた部分があればそれは修正を要する箇所です。「要再提出」の印が押されている場合には、修正箇所を消しゴムできれいに消してから、黒鉛筆または黒のシャープペンで書き直してください。次回、持参して提出してください。

演習問題について

授業後半の30分程度で行う演習問題には、事前練習用問題の類似問題が出題されます。授業用アブストラクト、自筆のノートや事前練習用問題解答シート、教科書、参考書などを参照して構いませんが、他者と相談する、インターネット（LINE、メールなどを含む）を介して第三者に聞くなどの行為は許可しません。また、他者に自分の解答シートを見せたり、他者の解答シートを見てはいけません。小テストのつもりで解いてください。演習問題解答シートを配布しますので、それに解答を書きます。授業終了時に演習問題解答シートを提出してください。添削・採点して次回返却します。なお、演習問題の解答例は配布しません。

オフィスアワー・授業に関する問い合わせについて

この授業に関する質問をするためのオフィスアワーは、授業があった週の金曜日11時45分～12時45分です。私の研究室で対応します。

問題の質問以外の授業に関する問い合わせは、関大LMSのメッセージ機能を利用してください。発熱がある、**体調が思わしくないときには無理せずに、**関大LMSのメッセージ機能を利用して、**授業当日の8時30分までに欠席の連絡をしてください。**提出する予定だった「学習内容チェックシート」は、スキャナーで読み取るか、写真に撮ったのち(文字が鮮明に読めるように撮ってください)、pdfファイルに変換し、関大LMSのメッセージ機能に添付して授業開始時間までに送信すれば、受け付けます。ファイル名は「学籍番号_チェックシートのナンバーcheckLA2.pdf」のようにしてください。授業の中で出題される演習問題については加点の対象になりませんが、授業終了後すぐに問題をホームページに掲載しますので、それを演習問題解答シートに解いて、「学習内容チェックシート」と同じ要領でpdfファイルを作成して、授業日の20時までに送ってもらえば、添削して次回返却します。

上で示した関大 LMS を介する課題の提出は応急措置です。欠席が長期に渡る・頻繁である場合には、適用されません。

教科書と参考書

〈教科書〉

吉本武史、山崎文明・著『線形代数学-理論・技法・応用-』学術図書, 2011年*

*ただし、授業計画に掲げられている項目が載っている線形代数の教科書であれば、上記に限らずどんなものでも構いません。

〈参考書〉

- ・長崎生光・監修／牛瀧文宏・編集『初歩からの線形代数』講談社, 2013年
- ・三宅敏恒・著『線形代数学 初歩からジョルダン標準形へ』培風館, 2008年
- ・藤岡敦・著『手を動かして学ぶ線形代数』裳華房, 2015年
- ・川久保勝夫・著『線形代数学』日本評論社, 1999年
- ・二木昭人『基礎講義 線形代数学』培風館, 1999年
- ・G. ストラング・著（山口昌哉・監訳、井上昭・訳）『線形代数とその応用』産業図書, 1978年

予定している授業内容

| | |
|------------------|-------------------|
| 第1回 数ベクトル空間とその基底 | 第9回 線形写像の核と像 |
| 第2回 ユークリッド空間 | 第10回 抽象ベクトル空間 |
| 第3回 内積と行列 | 第11回 ベクトル空間の次元と基底 |
| 第4回 直交行列による対角化 | 第12回 線形写像とその行列表示 |
| 第5回 数ベクトル空間の部分空間 | 第13回 ベクトル空間の座標系 |
| 第6回 部分空間の基底と次元 | 第14回 基底の変換 |
| 第7回 行列から定まる線形写像 | 第15回 線形変換の固有値と対角化 |
| 第8回 線形写像の合成と行列の積 | |

※授業の順番は必ずしも教科書とは一致しません。また、教科書で使われているものとは一部別の記号を使うことがあります。

単位について

「単位」は大学設置基準第 21 条で定められています。1 単位とは 45 時間分の学習をしたことを意味します。多くの大学では、1 学期間に 1 コマ 90 分の授業を履修すると 2 単位取得できることになっています。これは 90 時間の学習量に相当します。しかしながら、1 学期間の授業回数は 15 なので、授業 1 回分を 2 時間とみなしても、 $2 \times 15 = 30$ 時間にしかなりません。つまり、90 時間のうち 60 時間は授業以外の時間の学習量に相当するわけです。これは **1 回の授業につき 4 時間分の予習・復習が必要**になることを意味しており、このことを前提に大学の単位は作られているのです。

家の学び方

授業内容を理解するには**家で復習することが不可欠**です。復習する際には、必ず、紙と筆記用具を用意してください。教科書やノート、アブストラクトを単に眺めるだけでは、復習したことにはなりません。問題を解くときには、メモのような解答ではなく、あとから読んでも思い出せるように、途中経過をきちんと紙に書くようにしましょう。また、すぐに参照したいページに目印として付箋を貼ったり、**プリントをスライド式バインダー**やクリップなどで綴じるなど、情報を整理することも大切です。