

「手を動かしてまなぶ 集合と位相」(第3版1刷) 正誤表  
(2023年3月7日版)

| 場所                  | 誤   | 正  |
|---------------------|---|--|
| p. 21, 図 3.1        | $A^C$   | $A^c$  |
| p. 33, 下から 1 行目     | 問 4.1   | 問 4.2  |
| p. 81, 上から 2 行目     | $(0, 1)$  | $(0, 1]$   |
| p. 96, 下から 6 行目     | ある  | ある互いに異なる   |
| p. 96, 下から 5 行目     | 一意的に  | 削除する.  |
| p. 103, 図 13.1      | $\overline{BC} < \overline{AB} + \overline{CA}$ | $BC < AB + CA$                                       |
| p. 125, 上から 2 行目    | $X \times Y$                                    | $(X \times Y) \times (X \times Y)$                   |
| p. 135, 下から 4 行目    | $x, y$ (4 箇所)                                   | $x, y$   |
| p. 140, (18.5) 式    | (18.3)  | (18.3), (18.4)                                       |
| p. 142, 上から 3, 5 行目 | $> \varepsilon$                                 | $\geq \varepsilon$                                   |
| p. 142, 下から 9 行目    | $O = \emptyset$ なるので,                           | $f^{-1}(O) = \emptyset$ のとき,                         |
| p. 142, 下から 8 行目    | $O \neq \emptyset$ のとき,                         | $f^{-1}(O) \neq \emptyset$ のとき,                      |
| p. 148, 下から 4 行目    | とし, $a \in X$                                   | 削除する.  |
| p. 148, 下から 2 行目    | $a$ で   | 削除する.  |
| p. 148, 下から 1 行目    | $f$ による   | 任意の $a \in X$ に対して, $f$ による                          |
| p. 153, 下から 10 行目   | 以上より,   | 以上および定理 1.1 (2) より,                                  |
| p. 164, 下から 5 行目    | 定義 21.1   | 定義 21.1 の (2)  |
| p. 164, 下から 5 行目    | $a$ における  | 削除する.  |
| p. 164, 下から 4 行目    | $f$ による   | 任意の $a \in X$ に対して, $f$ による                          |
| p. 173, 下から 11 行目   | $a \in X$ とし,                                   | 各 $a \in X$ に対して,                                    |
| p. 173, 下から 8 行目    | $a$ で   | 削除する.  |
| p. 173, 下から 7 行目    | 任意の $U^*$                                       | 任意の $a \in X$ および $U^*$                              |
| p. 173, 下から 4 行目    | $U \in \mathfrak{U}(f(a))$                      | $a \in X, U \in \mathfrak{U}(f(a))$                  |
| p. 173, 下から 1 行目    | したがって,  | $a$ は任意なので,  |
| p. 173, 下から 1 行目    | $a$ で   | 削除する.  |
| p. 174, 脚注          | 近傍 (2 箇所)                                       | 開集合  |
| p. 190, 下から 1 行目    | 定理 6.3 (3)                                      | 削除する.  |
| p. 190, 下から 1 行目    | 定義 20.1 (2), (3)                                | 定義 20.1 (2)  |
| p. 191, 上から 1 行目    | , あるいは... 族の和                                   | 削除する.  |
| p. 193, 上から 1 行目    | 写像  | 写像族  |
| p. 198, 下から 3 行目    | $x$ と $y$                                       | $x$ と $y$  |
| p. 201, 例 25.3      | $\gamma^{-1}(x)$ (3 箇所)                         | $\gamma^{-1}(\{x\})$                                 |
| p. 201, 定理 25.3 の証明 | $f^{-1}(p)$ (5 箇所)                              | $f^{-1}(\{p\})$                                      |
| p. 201, 定理 25.3 の証明 | $f^{-1}(q)$ (5 箇所)                              | $f^{-1}(\{q\})$                                      |
| p. 203, 問 25.2      | $f^{-1}(p)$                                     | $f^{-1}(\{p\})$                                      |
| p. 203, 問 25.2      | $f^{-1}(q)$ (3 箇所)                              | $f^{-1}(\{q\})$                                      |
| p. 208, 下から 5 行目    | $p$   | $p, q$   |
| p. 208, (26.7) 式    | $p(x, y) = x$                                   | $p(x, y) = x, q(x, y) = y$                           |
| p. 208, 下から 3 行目    | $p$ は   | $p, q$ は   |
| p. 208, 下から 3 行目    | $p$ の   | $p, q$ の   |
| p. 208, 下から 3 行目    | $p _B$  | $p _B, q _B$   |
| p. 208, 下から 2 行目    | $p _B \circ \gamma$                             | $p _B \circ \gamma, q _B \circ \gamma$               |
| p. 209, 上から 4 行目    | $d(\gamma(t), \gamma(t_0)) < 1$ となり,            | $d(\gamma(t), \gamma(t_0)) < m$ となり, $t_0 \in C$ より, |
| p. 220, 上から 1 行目    | 閉集合   | 空でない閉集合  |
| p. 226, 上から 3 行目    | $Y \rightarrow X_\lambda$                       | $Y \rightarrow Y_\lambda$                            |
| p. 237, 下から 1 行目    | $m = 2k$  | $n = 2k$   |
| p. 249, 図 31.2      | 左下の「 $X$ 」                                      | $X$  |
| p. 266, 上から 6 行目    | 局所コンパクト空間                                       | 局所コンパクトハウスドルフ空間                                      |
| p. 266, 上から 6 行目    | 閉集合   | 局所コンパクト空間の閉集合  |
| p. 267, 上から 3 行目    | $x$ (3 箇所)                                      | $x$  |
| p. 268, 下から 7 行目    | 閉集合   | 空でない閉集合  |
| p. 269, 上から 1 行目    | $O_{b_i}$                                       | $O_{b_i} \cap B$                                     |
| p. 270, 下から 10 行目   | $A$ が $X$ の開集合または                               | 「 $X$ がハウスドルフかつ $A$ が $X$ の開集合」または $A$ が $X$ の       |
| p. 270, 下から 8 行目    | $A$ が   | $X$ がハウスドルフかつ $A$ が                                  |
| p. 271, 下から 10 行目   | 局所コンパクト   | 局所コンパクトハウスドルフ  |

| 場所                  | 誤   | 正   |
|---------------------|---|---|
| p. 274, (35.4) 式    | $U$   | $V$   |
| p. 276, 上から 6 行目    | を含む   | に対応する   |
| p. 288, 解 3.1       | ① 和   | ① 共通部分  |
| p. 293, 上から 6 行目    | $h$   | $g$   |
| p. 295, 解 15.2      | $\mathbf{R}^n$  | $\mathbf{R}$  |
| p. 299, 解 19.5 (2)  | $A \subset \bar{A}$ なので,  | $A \subset \bar{A}$ なので, 定理 1.1 (2) より,   |
| p. 300, 下から 2 行目    | したがって,  | $a$ は任意なので,   |
| p. 300, 下から 2, 9 行目 | $a$ で   | 削除する.   |
| p. 300, 下から 1, 2 行目 | $a$ は任意～すなわち,   | したがって,  |
| p. 302, 下から 2 行目    | $B_X(x, \varepsilon_x)$   | $B_X(x; \varepsilon_x)$   |
| p. 302, 下から 1 行目    | $B_Y(y, \varepsilon_y)$   | $B_Y(y; \varepsilon_y)$   |
| p. 303, 解 24.5      | $\bigcup_{\lambda \in \Lambda} p_\lambda^{-1}(\mathcal{D}_\lambda)$ | $\{p_\lambda^{-1}(O_\lambda) \mid \lambda \in \Lambda, O_\lambda \in \mathcal{D}_\lambda\}$ |
| p. 303, 下から 8 行目    | $A_0$   | $A_{\lambda_0}$   |
| p. 304, 解 26.5      | $y \in A \in O_2$   | $y \in A \cap O_2$  |
| p. 305, 解 27.4      | 閉集合 (2 箇所)  | 空でない閉集合   |
| p. 305, 解 28.2      | ある閉区間   | ある有界閉区間   |
| p. 311, 上から 5 行目    | である.  | であるか, または, $O = \bar{Y}$ である.   |

その他

- p.96, 下から 3 行目: 「となる。」の直後に次を追加する.

さらに, (12.8) の和は順番の入れ替えを除いて一意的である.

- p.164, 定義 21.1 の (1) および p.300, 解 21.1 (1): 「 $f$  による～となる」の部分を実次のように改める.

$f(a) \in O$  となる  $Y$  の任意の開集合  $O$  に対して,  $a \in O' \subset f^{-1}(O)$  となる  $X$  の開集合  $O'$  が存在する

- p.165, 定理 21.1 の証明: 冒頭から「したがって」の直前までを実次のように改める.

$O$  を  $(g \circ f)(a) = g(f(a)) \in O$  となる  $Z$  の開集合とする. このとき,

$$(g \circ f)^{-1}(O) = f^{-1}(g^{-1}(O)) \quad (21.1)$$

である. ここで,  $g$  は  $f(a)$  で連続なので, 連続性の定義 (定義 21.1(1)) より,  $f(a) \in O' \subset g^{-1}(O)$  となる  $Y$  の開集合  $O'$  が存在する. さらに,  $f$  は  $a$  で連続なので, 連続性の定義 (定義 21.1(1)) より,  $a \in O'' \subset f^{-1}(O')$  となる  $X$  の開集合  $O''$  が存在する. よって, (21.1) および定理 4.1 の (5) より,  $a \in O'' \subset (g \circ f)^{-1}(O)$  となる.

- p.191, 例題 24.1 の解: 冒頭から (24.8) 式までを実次のように改める.

$(x, y) \in X \times Y$ ,  $\varepsilon > 0$  に対して,  $(x', y') \in B_{X \times Y}((x, y); \varepsilon)$  とする. ただし,  $B_{X \times Y}((x, y); \varepsilon)$  は  $d'$  に関する  $(x, y)$  の  $\varepsilon$  近傍である. このとき,  $\varepsilon' > 0$  を

$$\varepsilon' = \frac{1}{2}(\varepsilon - d'((x, y), (x', y'))) \quad (24.7)$$

により定めることができる. ここで,  $B_X(x'; \varepsilon')$ ,  $B_Y(y'; \varepsilon')$  をそれぞれ  $d_X$ ,  $d_Y$  に関する  $x'$ ,  $y'$  の  $\varepsilon'$  近傍とし,  $x'' \in B_X(x'; \varepsilon')$ ,  $y'' \in B_Y(y'; \varepsilon')$  とすると,

$$\begin{aligned} d'((x, y), (x'', y'')) &\leq d'((x, y), (x', y')) + d'((x', y'), (x'', y'')) \quad (\because \text{三角不等式}) = d'((x, y), (x', y')) \\ &\quad + d_X(x', x'') + d_Y(y', y'') \quad (\because (16.6)) < d'((x, y), (x', y')) + \varepsilon' + \varepsilon' = \varepsilon \quad (\because (24.7)) \end{aligned} \quad (24.8)$$

となる. すなわち,  $d'((x, y), (x'', y'')) < \varepsilon$  となるので,  $(x'', y'') \in B_{X \times Y}((x, y); \varepsilon)$  である. よって,

$$B_X(x'; \varepsilon') \times B_Y(y'; \varepsilon') \subset B_{X \times Y}((x, y); \varepsilon) \quad (24.9)$$

((24.9) 式～(24.12) 式は (24.10) 式～(24.13) 式となる.)

- p. 208, 下から 1 行目: 「 $C = \sim$ と置く。」の部分を実次と差し替える.

$K = (p|_B \circ \gamma)^{-1}(\{0\})$  と置く.  $\{0\}$  は  $\mathbf{R}$  の閉集合であり,  $p|_B \circ \gamma$  は連続なので,  $K$  は  $[0, 1]$  の閉集合である [⇒ 定理 21.2]. さらに,  $[0, 1]$  は有界閉区間なので,  $K$  は  $\mathbf{R}$  の有界閉集合となる. よって,  $(q|_B \circ \gamma)(K)$  の最小元  $m \in (0, 1]$  が存在する.

- p. 208, 下から 1 行目: 「 $\{(0, 1)\}$ 」の部分を実次と差し替える.

次に,

$$C = \gamma^{-1}(\{(0, y) \mid m \leq y \leq 1\}) \quad (26.8)$$

とおく.  $\{(0, y) \mid m \leq y \leq 1\}$

((26.8) 式~(26.12) 式は (26.9) 式~(26.13) 式となる.)

○ p. 257, 下から 8 行目: 「 $X$  はコンパクト」の前に次を追加する.

$A = \emptyset$  のとき,  $(f^{-1})^{-1}(A) = \emptyset$  となり, これは  $Y$  の閉集合である.  $A \neq \emptyset$  のとき,

○ p. 311, 下から 2 行目: 「したがって」の直前に次を追加する.

$O = \hat{Y}$  のとき,  $\hat{f}^{-1}(O) = \hat{f}^{-1}(\hat{Y}) = \hat{X}$  となり,  $\hat{f}^{-1}(O)$  は  $\hat{X}$  の開集合である.